

代数学 I 第 8 回レポート課題 (提出期限 : 6 月 20 日 13:00*)

担当 : 大矢 浩徳 (OYA Hironori)

学籍番号:

氏名:

問題 1. 3 次 2 面体群を

$$D_3 = \{e, \sigma, \sigma^2, \tau, \sigma\tau, \sigma^2\tau\}$$

と書く. ここで, $\sigma^3 = e, \tau^2 = e, \tau\sigma = \sigma^{-1}\tau$ である. このとき, 群準同型写像 $f: D_3 \rightarrow \mathfrak{S}_3$ であって,

$$\sigma \mapsto \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 \\ 2 & 3 & 1 \end{pmatrix} \qquad \tau \mapsto \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 \\ 1 & 3 & 2 \end{pmatrix}$$

を満たすものが存在する. (このことは証明しなくて良い.) このとき, 以下の \mathfrak{S}_3 の元を具体的に求めよ :

- (1) $f(\sigma^2\tau\sigma\tau^2)$
- (2) $f((\sigma^2\tau)^{-1})$

問題 2. G を群とし, $a \in G$ とする. このとき, 写像 σ_a を

$$\sigma_a: G \rightarrow G, g \mapsto aga^{-1}$$

と定める.

- (1) σ_a が群準同型写像であることを証明せよ.
- (2) σ_a が群同型写像であることを証明せよ. (この σ_a は内部自己同型と呼ばれる.)

(裏もあります)

問題 3. 今回の講義で重要だったあるいは気に入ったキーワード・定理を挙げよ. (白紙にはしないこと.)

(以下質問欄. 質問・要望等あればお願いします.)